

Wiederholung Kurzdurchlauf!

Elmar Langetepe
University of Bonn

Kapitel 1.1: Kürzeste Pfade Polygonale Hindernisse

Kapitel 1.1: Kürzeste Pfade Polygonale Hindernisse

- Anzahl kürzester Pfade in der Ebene zw. Polygonen

Kapitel 1.1: Kürzeste Pfade Polygonale Hindernisse

- Anzahl kürzester Pfade in der Ebene zw. Polygonen
- Idee: Sichtbarkeitsgraph, Def., Komplexität, worst-case

Kapitel 1.1: Kürzeste Pfade Polygonale Hindernisse

- Anzahl kürzester Pfade in der Ebene zw. Polygonen
- Idee: Sichtbarkeitsgraph, Def., Komplexität, worst-case
- Berechnung: Naiv, Single-Source Sweep, Simultaner Sweep

Kapitel 1.1: Kürzeste Pfade Polygonale Hindernisse

- Anzahl kürzester Pfade in der Ebene zw. Polygonen
- Idee: Sichtbarkeitsgraph, Def., Komplexität, worst-case
- Berechnung: Naiv, Single-Source Sweep, Simultaner Sweep
- Theorem: Single Source Sweep, Analyse $O(n^2 \log n)$

Kapitel 1.1: Kürzeste Pfade Polygonale Hindernisse

- Anzahl kürzester Pfade in der Ebene zw. Polygonen
- Idee: Sichtbarkeitsgraph, Def., Komplexität, worst-case
- Berechnung: Naiv, Single-Source Sweep, Simultaner Sweep
- Theorem: Single Source Sweep, Analyse $O(n^2 \log n)$
- Theorem: Simultaner Sweep, Analyse $O(n^2)$

Kapitel 1.1: Kürzeste Pfade Polygonale Hindernisse

- Anzahl kürzester Pfade in der Ebene zw. Polygonen
- Idee: Sichtbarkeitsgraph, Def., Komplexität, worst-case
- Berechnung: Naiv, Single-Source Sweep, Simultaner Sweep
- Theorem: Single Source Sweep, Analyse $O(n^2 \log n)$
- Theorem: Simultaner Sweep, Analyse $O(n^2)$
- Bearbeitungsreihenfolge

Kapitel 1.1: Kürzeste Pfade Polygonale Hindernisse

- Anzahl kürzester Pfade in der Ebene zw. Polygonen
- Idee: Sichtbarkeitsgraph, Def., Komplexität, worst-case
- Berechnung: Naiv, Single-Source Sweep, Simultaner Sweep
- Theorem: Single Source Sweep, Analyse $O(n^2 \log n)$
- Theorem: Simultaner Sweep, Analyse $O(n^2)$
- Bearbeitungsreihenfolge
- Bearbeitung durchführen

Kapitel 1.1: Kürzeste Pfade Polygonale Hindernisse

- Anzahl kürzester Pfade in der Ebene zw. Polygonen
- Idee: Sichtbarkeitsgraph, Def., Komplexität, worst-case
- Berechnung: Naiv, Single-Source Sweep, Simultaner Sweep
- Theorem: Single Source Sweep, Analyse $O(n^2 \log n)$
- Theorem: Simultaner Sweep, Analyse $O(n^2)$
- Bearbeitungsreihenfolge
- Bearbeitung durchführen
- Bearbeitungsreihenfolge berechnen: Dualität verwenden

Kapitel 1.1: Kürzeste Pfade Polygonale Hindernisse

- Anzahl kürzester Pfade in der Ebene zw. Polygonen
- Idee: Sichtbarkeitsgraph, Def., Komplexität, worst-case
- Berechnung: Naiv, Single-Source Sweep, Simultaner Sweep
- Theorem: Single Source Sweep, Analyse $O(n^2 \log n)$
- Theorem: Simultaner Sweep, Analyse $O(n^2)$
- Bearbeitungsreihenfolge
- Bearbeitung durchführen
- Bearbeitungsreihenfolge berechnen: Dualität verwenden
- Theorem: Arrangement, Geradenschnittpunkte entlang der Geraden, $O(n^2)$

Kapitel 1.1: Kürzeste Pfade Polygonale Hindernisse

- Anzahl kürzester Pfade in der Ebene zw. Polygonen
- Idee: Sichtbarkeitsgraph, Def., Komplexität, worst-case
- Berechnung: Naiv, Single-Source Sweep, Simultaner Sweep
- Theorem: Single Source Sweep, Analyse $O(n^2 \log n)$
- Theorem: Simultaner Sweep, Analyse $O(n^2)$
- Bearbeitungsreihenfolge
- Bearbeitung durchführen
- Bearbeitungsreihenfolge berechnen: Dualität verwenden
- Theorem: Arrangement, Geradenschnittpunkte entlang der Geraden, $O(n^2)$
- Mittel: Topologischer Sweep, Horizontbäume verwenden

- Aktualisierung Horizontbäume: Pro. Knoten alle Knoten der Zelle

- Aktualisierung Horizontbäume: Pro. Knoten alle Knoten der Zelle
- Zonentheorem: Zone Komplexität $O(n)$

- Aktualisierung Horizontbäume: Pro. Knoten alle Knoten der Zelle
- Zonentheorem: Zone Komplexität $O(n)$
- Folgerung: Akt. Horizontbäume $O(n^2)$

- Aktualisierung Horizontbäume: Pro. Knoten alle Knoten der Zelle
- Zonentheorem: Zone Komplexität $O(n)$
- Folgerung: Akt. Horizontbäume $O(n^2)$
- Theorem: Laufzeit Berechnung kürzester Wege $O(n^2)$, Sichtbarkeitsgraph, Dijkstra

- Aktualisierung Horizontbäume: Pro. Knoten alle Knoten der Zelle
- Zonentheorem: Zone Komplexität $O(n)$
- Folgerung: Akt. Horizontbäume $O(n^2)$
- Theorem: Laufzeit Berechnung kürzester Wege $O(n^2)$, Sichtbarkeitsgraph, Dijkstra
- Untere Schranke: Konstruktion: $\Omega(n \log n)$

- Aktualisierung Horizontbäume: Pro. Knoten alle Knoten der Zelle
- Zonentheorem: Zone Komplexität $O(n)$
- Folgerung: Akt. Horizontbäume $O(n^2)$
- Theorem: Laufzeit Berechnung kürzester Wege $O(n^2)$, Sichtbarkeitsgraph, Dijkstra
- Untere Schranke: Konstruktion: $\Omega(n \log n)$
- Andere Idee: Shortest Path Map, Locus Approach

Kapitel 1.2: Kürzeste Pfade innerhalb Polygon

Kapitel 1.2: Kürzeste Pfade innerhalb Polygon

- Theorem: In Zeit $O(n)$

Kapitel 1.2: Kürzeste Pfade innerhalb Polygon

- Theorem: In Zeit $O(n)$
- Lee/Preparata, Guibas/Hershberger

Kapitel 1.2: Kürzeste Pfade innerhalb Polygon

- Theorem: In Zeit $O(n)$
- Lee/Preparata, Guibas/Hershberger
- Triangulation, Dualer Graph, Dreiecksfolge, Diagonalen, iterativ

Kapitel 1.2: Kürzeste Pfade innerhalb Polygon

- Theorem: In Zeit $O(n)$
- Lee/Preparata, Guibas/Hershberger
- Triangulation, Dualer Graph, Dreiecksfolge, Diagonalen, iterativ
- Analyse: Trichter akt., amortisiert $O(n)$

Kapitel 1.2: Kürzeste Pfade innerhalb Polygon

- Theorem: In Zeit $O(n)$
- Lee/Preparata, Guibas/Hershberger
- Triangulation, Dualer Graph, Dreiecksfolge, Diagonalen, iterativ
- Analyse: Trichter akt., amortisiert $O(n)$
- Preprocessing: $O(n)$, Hierachische Triangulation, Schichtengraph

Kapitel 1.2: Kürzeste Pfade innerhalb Polygon

- Theorem: In Zeit $O(n)$
- Lee/Preparata, Guibas/Hershberger
- Triangulation, Dualer Graph, Dreiecksfolge, Diagonalen, iterativ
- Analyse: Trichter akt., amortisiert $O(n)$
- Preprocessing: $O(n)$, Hierachische Triangulation, Schichtengraph
- Cutting-Theorem

Kapitel 1.2: Kürzeste Pfade innerhalb Polygon

- Theorem: In Zeit $O(n)$
- Lee/Preparata, Guibas/Hershberger
- Triangulation, Dualer Graph, Dreiecksfolge, Diagonalen, iterativ
- Analyse: Trichter akt., amortisiert $O(n)$
- Preprocessing: $O(n)$, Hierachische Triangulation, Schichtengraph
- Cutting-Theorem
- Pfadlänge: $O(\log n)$, Pfade: Diagonalen entfernen, Sanduhren konkat.

Kapitel 1.2: Kürzeste Pfade innerhalb Polygon

- Theorem: In Zeit $O(n)$
- Lee/Preparata, Guibas/Hershberger
- Triangulation, Dualer Graph, Dreiecksfolge, Diagonalen, iterativ
- Analyse: Trichter akt., amortisiert $O(n)$
- Preprocessing: $O(n)$, Hierachische Triangulation, Schichtengraph
- Cutting-Theorem
- Pfadlänge: $O(\log n)$, Pfade: Diagonalen entfernen, Sanduhren konkat.
- Theorem: $O(k + \log n)$ mit Prepr. $O(n)$!

Kapitel 1.2: Kürzeste Pfade innerhalb Polygon

- Theorem: In Zeit $O(n)$
- Lee/Preparata, Guibas/Hershberger
- Triangulation, Dualer Graph, Dreiecksfolge, Diagonalen, iterativ
- Analyse: Trichter akt., amortisiert $O(n)$
- Preprocessing: $O(n)$, Hierachische Triangulation, Schichtengraph
- Cutting-Theorem
- Pfadlänge: $O(\log n)$, Pfade: Diagonalen entfernen, Sanduhren konkat.
- Theorem: $O(k + \log n)$ mit Prepr. $O(n)$!
- Anwendung: Geodätischer Durchmesser, Anfragen

Kapitel 1.2: Kürzeste Pfade innerhalb Polygon

- Theorem: In Zeit $O(n)$
- Lee/Preparata, Guibas/Hershberger
- Triangulation, Dualer Graph, Dreiecksfolge, Diagonalen, iterativ
- Analyse: Trichter akt., amortisiert $O(n)$
- Preprocessing: $O(n)$, Hierachische Triangulation, Schichtengraph
- Cutting-Theorem
- Pfadlänge: $O(\log n)$, Pfade: Diagonalen entfernen, Sanduhren konkat.
- Theorem: $O(k + \log n)$ mit Prepr. $O(n)$!
- Anwendung: Geodätischer Durchmesser, Anfragen
- Theorem: Monotone Matrizen, Maximum in $O(n)$

- Definition: Monotone Matrix

- Definition: Monotone Matrix
- Algorithmus: Spaltenreduktion, Zeilenreduktion, Analyse
 $T(n) \in O(n)$, Beweis

- Definition: Monotone Matrix
- Algorithmus: Spaltenreduktion, Zeilenreduktion, Analyse
 $T(n) \in O(n)$, Beweis
- Spezielle Matrix

Kapitel 1.2.4: SWR und TPP

Kapitel 1.2.4: SWR und TPP

- Def. SWR im einfachen Polygon, wesentliche Cuts

Kapitel 1.2.4: SWR und TPP

- Def. SWR im einfachen Polygon, wesentliche Cuts
- Theorem: SWR in rect. Pol. in Zeit $O(n)$

Kapitel 1.2.4: SWR und TPP

- Def. SWR im einfachen Polygon, wesentliche Cuts
- Theorem: SWR in rect. Pol. in Zeit $O(n)$
- Beweis: Wes. Cuts in Randreihenfolge, Roll-Out Methode, Analyse

Kapitel 1.2.4: SWR und TPP

- Def. SWR im einfachen Polygon, wesentliche Cuts
- Theorem: SWR in rect. Pol. in Zeit $O(n)$
- Beweis: Wes. Cuts in Randreihenfolge, Roll-Out Methode, Analyse
- Allgemein: Problem Corner Situation

Kapitel 1.2.4: SWR und TPP

- Def. SWR im einfachen Polygon, wesentliche Cuts
- Theorem: SWR in rect. Pol. in Zeit $O(n)$
- Beweis: Wes. Cuts in Randreihenfolge, Roll-Out Methode, Analyse
- Allgemein: Problem Corner Situation
- Def. TPP Problemstellung, SWR ist Instanz allg. TPP

Kapitel 1.2.4: SWR und TPP

- Def. SWR im einfachen Polygon, wesentliche Cuts
- Theorem: SWR in rect. Pol. in Zeit $O(n)$
- Beweis: Wes. Cuts in Randreihenfolge, Roll-Out Methode, Analyse
- Allgemein: Problem Corner Situation
- Def. TPP Problemstellung, SWR ist Instanz allg. TPP
- Theorem: Einfache Variante Aufbau: $O(kn \log(n/k))$, Query: $O(k \log(n/k))$

Kapitel 1.2.4: SWR und TPP

- Def. SWR im einfachen Polygon, wesentliche Cuts
- Theorem: SWR in rect. Pol. in Zeit $O(n)$
- Beweis: Wes. Cuts in Randreihenfolge, Roll-Out Methode, Analyse
- Allgemein: Problem Corner Situation
- Def. TPP Problemstellung, SWR ist Instanz allg. TPP
- Theorem: Einfache Variante Aufbau: $O(kn \log(n/k))$, Query: $O(k \log(n/k))$
- Full Comb. Shortest Path Map, Komplexität expon.

Kapitel 1.2.4: SWR und TPP

- Def. SWR im einfachen Polygon, wesentliche Cuts
- Theorem: SWR in rect. Pol. in Zeit $O(n)$
- Beweis: Wes. Cuts in Randreihenfolge, Roll-Out Methode, Analyse
- Allgemein: Problem Corner Situation
- Def. TPP Problemstellung, SWR ist Instanz allg. TPP
- Theorem: Einfache Variante Aufbau: $O(kn \log(n/k))$, Query: $O(k \log(n/k))$
- Full Comb. Shortest Path Map, Komplexität expon.
- Last Step Shortest Path Map, Komplexität $O(n_i)$, Beweise, Anfrage, Aufbau

Kapitel 1.3: Kürzeste Wege 3D

Kapitel 1.3: Kürzeste Wege 3D

- Theorem: NP schwer

Kapitel 1.3: Kürzeste Wege 3D

- Theorem: NP schwer
- Def. NP schwer

Kapitel 1.3: Kürzeste Wege 3D

- Theorem: NP schwer
- Def. NP schwer
- Reduktion von 3 SAT, Def. 3 SAT

Kapitel 1.3: Kürzeste Wege 3D

- Theorem: NP schwer
- Def. NP schwer
- Reduktion von 3 SAT, Def. 3 SAT
- Konstruktion: 2^n Wege simulieren mit lin. Szene

Kapitel 1.3: Kürzeste Wege 3D

- Theorem: NP schwer
- Def. NP schwer
- Reduktion von 3 SAT, Def. 3 SAT
- Konstruktion: 2^n Wege simulieren mit lin. Szene
- Zs.-hang Bahnplanung, Satisfiability

Kapitel 1.3: Kürzeste Wege 3D

- Theorem: NP schwer
- Def. NP schwer
- Reduktion von 3 SAT, Def. 3 SAT
- Konstruktion: 2^n Wege simulieren mit lin. Szene
- Zs.-hang Bahnplanung, Satisfiability
- Konstrukte: Verdoppler, Klauselfilter, Literalfilter, Mischer

Kapitel 1.3: Kürzeste Wege 3D

- Theorem: NP schwer
- Def. NP schwer
- Reduktion von 3 SAT, Def. 3 SAT
- Konstruktion: 2^n Wege simulieren mit lin. Szene
- Zs.-hang Bahnplanung, Satisfiability
- Konstrukte: Verdoppler, Klauselfilter, Literalfilter, Mischer
- Wozu Mischer?

Kapitel 1.4: Kürzeste Wege auf Polyeder

Kapitel 1.4: Kürzeste Wege auf Polyeder

- Lemmata: Lokale Eigenschaften, Wege

Kapitel 1.4: Kürzeste Wege auf Polyeder

- Lemmata: Lokale Eigenschaften, Wege
- Theorem: Laufzeit $O(n^3 \log n)$

Kapitel 1.4: Kürzeste Wege auf Polyeder

- Lemmata: Lokale Eigenschaften, Wege
- Theorem: Laufzeit $O(n^3 \log n)$
- Beweis: Cont. Dijkstra und add. gew. Voronoi Diagramme

Kapitel 1.4: Kürzeste Wege auf Polyeder

- Lemmata: Lokale Eigenschaften, Wege
- Theorem: Laufzeit $O(n^3 \log n)$
- Beweis: Cont. Dijkstra und add. gew. Voronoi Diagramme
- Def. Optimalitätsintervalle, Diskretisierung Wege

Kapitel 1.4: Kürzeste Wege auf Polyeder

- Lemmata: Lokale Eigenschaften, Wege
- Theorem: Laufzeit $O(n^3 \log n)$
- Beweis: Cont. Dijkstra und add. gew. Voronoi Diagramme
- Def. Optimalitätsintervalle, Diskretisierung Wege
- Lemma: Anzahl in $O(n)$, Beweis

Kapitel 1.4: Kürzeste Wege auf Polyeder

- Lemmata: Lokale Eigenschaften, Wege
- Theorem: Laufzeit $O(n^3 \log n)$
- Beweis: Cont. Dijkstra und add. gew. Voronoi Diagramme
- Def. Optimalitätsintervalle, Diskretisierung Wege
- Lemma: Anzahl in $O(n)$, Beweis
- Berechnung, Einfügen neuer Intervalle, Cont. Dijkstra, Aufwand, DS

Kapitel 1.4: Kürzeste Wege auf Polyeder

- Lemmata: Lokale Eigenschaften, Wege
- Theorem: Laufzeit $O(n^3 \log n)$
- Beweis: Cont. Dijkstra und add. gew. Voronoi Diagramme
- Def. Optimalitätsintervalle, Diskretisierung Wege
- Lemma: Anzahl in $O(n)$, Beweis
- Berechnung, Einfügen neuer Intervalle, Cont. Dijkstra, Aufwand, DS
- Aufteilen der Dreiecke, add. gew. VD

Kapitel 1.4: Kürzeste Wege auf Polyeder

- Lemmata: Lokale Eigenschaften, Wege
- Theorem: Laufzeit $O(n^3 \log n)$
- Beweis: Cont. Dijkstra und add. gew. Voronoi Diagramme
- Def. Optimalitätsintervalle, Diskretisierung Wege
- Lemma: Anzahl in $O(n)$, Beweis
- Berechnung, Einfügen neuer Intervalle, Cont. Dijkstra, Aufwand, DS
- Aufteilen der Dreiecke, add. gew. VD
- Komplexität, Berechnung $O(n \log n)$

Kapitel 1.5: Kürzeste Pfade Liniensegment

Kapitel 1.5: Kürzeste Pfade Liniensegment

- Problemdefinition

Kapitel 1.5: Kürzeste Pfade Liniensegment

- Problemdefinition
- Theorem: Drei Bewegungsarten

Kapitel 1.5: Kürzeste Pfade Liniensegment

- Problemdefinition
- Theorem: Drei Bewegungsarten
- Surface Area Theorem

Kapitel 1.5: Kürzeste Pfade Liniensegment

- Problemdefinition
- Theorem: Drei Bewegungsarten
- Surface Area Theorem
- Def. Diameter Fkt.

Kapitel 1.5: Kürzeste Pfade Liniensegment

- Problemdefinition
- Theorem: Drei Bewegungsarten
- Surface Area Theorem
- Def. Diameter Fkt.
- Beweis: Rotation ist optimal

Kapitel 2.1: Reine Translationsbewegung

Kapitel 2.1: Reine Translationsbewegung

- Def. Konfigurationsraum, Referenzpunkt

Kapitel 2.1: Reine Translationsbewegung

- Def. Konfigurationsraum, Referenzpunkt
- Einfache Idee: Voronoi Diagramm Liniensegmente, koll.-freier Weg

Kapitel 2.1: Reine Translationsbewegung

- Def. Konfigurationsraum, Referenzpunkt
- Einfache Idee: Voronoi Diagramm Liniensegmente, koll.-freier Weg
- Def. Konfigurationsraum-Hindernis

Kapitel 2.1: Reine Translationsbewegung

- Def. Konfigurationsraum, Referenzpunkt
- Einfache Idee: Voronoi Diagramm Liniensegmente, koll.-freier Weg
- Def. Konfigurationsraum-Hindernis
- Lemma: $CP_i = -R(0, 0) + P_i$, Beweis!

Kapitel 2.1: Reine Translationsbewegung

- Def. Konfigurationsraum, Referenzpunkt
- Einfache Idee: Voronoi Diagramm Liniensegmente, koll.-freier Weg
- Def. Konfigurationsraum-Hindernis
- Lemma: $CP_i = -R(0,0) + P_i$, Beweis!
- Def. Minkowski Summe

Kapitel 2.1: Reine Translationsbewegung

- Def. Konfigurationsraum, Referenzpunkt
- Einfache Idee: Voronoi Diagramm Liniensegmente, koll.-freier Weg
- Def. Konfigurationsraum-Hindernis
- Lemma: $CP_i = -R(0,0) + P_i$, Beweis!
- Def. Minkowski Summe
- Lemma: Eigenschaften, Beweis

Kapitel 2.1: Reine Translationsbewegung

- Def. Konfigurationsraum, Referenzpunkt
- Einfache Idee: Voronoi Diagramm Liniensegmente, koll.-freier Weg
- Def. Konfigurationsraum-Hindernis
- Lemma: $CP_i = -R(0, 0) + P_i$, Beweis!
- Def. Minkowski Summe
- Lemma: Eigenschaften, Beweis
- Lemma: Komplexitäten konvex/konvex n.-konvex/konvex
n.-konvex/n.-konvex

Kapitel 2.1: Reine Translationsbewegung

- Def. Konfigurationsraum, Referenzpunkt
- Einfache Idee: Voronoi Diagramm Liniensegmente, koll.-freier Weg
- Def. Konfigurationsraum-Hindernis
- Lemma: $CP_i = -R(0, 0) + P_i$, Beweis!
- Def. Minkowski Summe
- Lemma: Eigenschaften, Beweis
- Lemma: Komplexitäten konvex/konvex n.-konvex/konvex
n.-konvex/n.-konvex
- Beweise: Komplexitäten-Lemma, untere Schranken!

Kapitel 2.1: Reine Translationsbewegung

- Def. Konfigurationsraum, Referenzpunkt
- Einfache Idee: Voronoi Diagramm Liniensegmente, koll.-freier Weg
- Def. Konfigurationsraum-Hindernis
- Lemma: $CP_i = -R(0, 0) + P_i$, Beweis!
- Def. Minkowski Summe
- Lemma: Eigenschaften, Beweis
- Lemma: Komplexitäten konvex/konvex n.-konvex/konvex
n.-konvex/n.-konvex
- Beweise: Komplexitäten-Lemma, untere Schranken!
- Theorem: Familie von Pseudokreisen, Komplexität Rand $O(n)$,
Beweis

- Theorem: Berechnung Konfigurationsraum: $O(nm \log^2 nm)$

- Theorem: Berechnung Konfigurationsraum: $O(nm \log^2 nm)$
- Beweis Komplexität, Analyse Div.+Conq. $T(nm)$

Kapitel 2.2: Reine Translationsbewegung bel. Agent

Kapitel 2.2: Reine Translationsbewegung bel. Agent

- Begrenzungen einer Zelle des Konfigurationsraumes

Kapitel 2.2: Reine Translationsbewegung bel. Agent

- Begrenzungen einer Zelle des Konfigurationsraumes
- Liniensegmente, Zelle des Startpunktes

Kapitel 2.2: Reine Translationsbewegung bel. Agent

- Begrenzungen einer Zelle des Konfigurationsraumes
- Liniensegmente, Zelle des Startpunktes
- Allgemeiner: Begrenzung durch Bögen

Kapitel 2.2: Reine Translationsbewegung bel. Agent

- Begrenzungen einer Zelle des Konfigurationsraumes
- Liniensegmente, Zelle des Startpunktes
- Allgemeiner: Begrenzung durch Bögen
- Theorem: Zelle berechnen $O(\lambda_{s+2}(n) \log^2 n)$

Kapitel 2.2: Reine Translationsbewegung bel. Agent

- Begrenzungen einer Zelle des Konfigurationsraumes
- Liniensegmente, Zelle des Startpunktes
- Allgemeiner: Begrenzung durch Bögen
- Theorem: Zelle berechnen $O(\lambda_{s+2}(n) \log^2 n)$
- Theorem: Komplexität Zelle $O(\lambda_{s+2}(n))$

Kapitel 2.2: Reine Translationsbewegung bel. Agent

- Begrenzungen einer Zelle des Konfigurationsraumes
- Liniensegmente, Zelle des Startpunktes
- Allgemeiner: Begrenzung durch Bögen
- Theorem: Zelle berechnen $O(\lambda_{s+2}(n) \log^2 n)$
- Theorem: Komplexität Zelle $O(\lambda_{s+2}(n))$
- Beweis dazu, Ring in Kette umformen, Wechsel und Schnitte

Kapitel 2.2: Reine Translationsbewegung bel. Agent

- Begrenzungen einer Zelle des Konfigurationsraumes
- Liniensegmente, Zelle des Startpunktes
- Allgemeiner: Begrenzung durch Bögen
- Theorem: Zelle berechnen $O(\lambda_{s+2}(n) \log^2 n)$
- Theorem: Komplexität Zelle $O(\lambda_{s+2}(n))$
- Beweis dazu, Ring in Kette umformen, Wechsel und Schnitte
- Berechnung: Div. + Conq., Red-Blue Merge

Kapitel 2.2: Reine Translationsbewegung bel. Agent

- Begrenzungen einer Zelle des Konfigurationsraumes
- Liniensegmente, Zelle des Startpunktes
- Allgemeiner: Begrenzung durch Bögen
- Theorem: Zelle berechnen $O(\lambda_{s+2}(n) \log^2 n)$
- Theorem: Komplexität Zelle $O(\lambda_{s+2}(n))$
- Beweis dazu, Ring in Kette umformen, Wechsel und Schnitte
- Berechnung: Div. + Conq., Red-Blue Merge
- Theorem: Red-Blue Merge $O((r + b + k) \log(r + b + k))$, Beweis

Kapitel 2.2: Reine Translationsbewegung bel. Agent

- Begrenzungen einer Zelle des Konfigurationsraumes
- Liniensegmente, Zelle des Startpunktes
- Allgemeiner: Begrenzung durch Bögen
- Theorem: Zelle berechnen $O(\lambda_{s+2}(n) \log^2 n)$
- Theorem: Komplexität Zelle $O(\lambda_{s+2}(n))$
- Beweis dazu, Ring in Kette umformen, Wechsel und Schnitte
- Berechnung: Div. + Conq., Red-Blue Merge
- Theorem: Red-Blue Merge $O((r + b + k) \log(r + b + k))$, Beweis
- Anwenden auf speziellen Merge

Kapitel 2.2: Reine Translationsbewegung bel. Agent

- Begrenzungen einer Zelle des Konfigurationsraumes
- Liniensegmente, Zelle des Startpunktes
- Allgemeiner: Begrenzung durch Bögen
- Theorem: Zelle berechnen $O(\lambda_{s+2}(n) \log^2 n)$
- Theorem: Komplexität Zelle $O(\lambda_{s+2}(n))$
- Beweis dazu, Ring in Kette umformen, Wechsel und Schnitte
- Berechnung: Div. + Conq., Red-Blue Merge
- Theorem: Red-Blue Merge $O((r + b + k) \log(r + b + k))$, Beweis
- Anwenden auf speziellen Merge
- Anwendung des allg. Theorems: Reine Translation, Roboterarm etc., Laufzeiten

Kapitel 2.3: Translation und Rotation polygonale Szene

Kapitel 2.3: Translation und Rotation polygonale Szene

- Theorem: Untere Schranke $\Omega(n^2)$, Leiter

Kapitel 2.3: Translation und Rotation polygonale Szene

- Theorem: Untere Schranke $\Omega(n^2)$, Leiter
- Definition: Kritische Platzierungen, Kontaktpaare

Kapitel 2.3: Translation und Rotation polygonale Szene

- Theorem: Untere Schranke $\Omega(n^2)$, Leiter
- Definition: Kritische Platzierungen, Kontaktpaare
- Lemma: Existenz in jeder Zusammenhangskomponente

Kapitel 2.3: Translation und Rotation polygonale Szene

- Theorem: Untere Schranke $\Omega(n^2)$, Leiter
- Definition: Kritische Platzierungen, Kontaktpaare
- Lemma: Existenz in jeder Zusammenhangskomponente
- Bemerkung: Zwei Kontakte fest, Kurve vierten Grades

Kapitel 2.3: Translation und Rotation polygonale Szene

- Theorem: Untere Schranke $\Omega(n^2)$, Leiter
- Definition: Kritische Platzierungen, Kontaktpaare
- Lemma: Existenz in jeder Zusammenhangskomponente
- Bemerkung: Zwei Kontakte fest, Kurve vierten Grades
- Theorem: (nicht konvex) Anzahl Krit. Platzierungen $\Theta(m^3n^3)$

Kapitel 2.3: Translation und Rotation polygonale Szene

- Theorem: Untere Schranke $\Omega(n^2)$, Leiter
- Definition: Kritische Platzierungen, Kontaktpaare
- Lemma: Existenz in jeder Zusammenhangskomponente
- Bemerkung: Zwei Kontakte fest, Kurve vierten Grades
- Theorem: (nicht konvex) Anzahl Krit. Platzierungen $\Theta(m^3n^3)$
- Theorem: (konvex) Anzahl Krit. Platzierungen $O(mn \lambda_6(mn))$

Kapitel 2.3: Translation und Rotation polygonale Szene

- Theorem: Untere Schranke $\Omega(n^2)$, Leiter
- Definition: Kritische Platzierungen, Kontaktpaare
- Lemma: Existenz in jeder Zusammenhangskomponente
- Bemerkung: Zwei Kontakte fest, Kurve vierten Grades
- Theorem: (nicht konvex) Anzahl Krit. Platzierungen $\Theta(m^3n^3)$
- Theorem: (konvex) Anzahl Krit. Platzierungen $O(mn \lambda_6(mn))$
- Definition: Beschränken, Kontaktpaare

Kapitel 2.3: Translation und Rotation polygonale Szene

- Theorem: Untere Schranke $\Omega(n^2)$, Leiter
- Definition: Kritische Platzierungen, Kontaktpaare
- Lemma: Existenz in jeder Zusammenhangskomponente
- Bemerkung: Zwei Kontakte fest, Kurve vierten Grades
- Theorem: (nicht konvex) Anzahl Krit. Platzierungen $\Theta(m^3n^3)$
- Theorem: (konvex) Anzahl Krit. Platzierungen $O(mn \lambda_6(mn))$
- Definition: Beschränken, Kontaktpaare
- Lemma: O_1 beschränkt O_2 oder O_2 beschränkt O_1

Kapitel 2.3: Translation und Rotation polygonale Szene

- Theorem: Untere Schranke $\Omega(n^2)$, Leiter
- Definition: Kritische Platzierungen, Kontaktpaare
- Lemma: Existenz in jeder Zusammenhangskomponente
- Bemerkung: Zwei Kontakte fest, Kurve vierten Grades
- Theorem: (nicht konvex) Anzahl Krit. Platzierungen $\Theta(m^3n^3)$
- Theorem: (konvex) Anzahl Krit. Platzierungen $O(mn \lambda_6(mn))$
- Definition: Beschränken, Kontaktpaare
- Lemma: O_1 beschränkt O_2 oder O_2 beschränkt O_1
- Theorem: T^+ läßt sich in Zeit $O(mn \lambda_6(mn) \log(mn))$ berechnen

- Untere Konturen von Arrangements, DSS (Appendix)

- Untere Konturen von Arrangements, DSS (Appendix)
- Definition: Knotengraph, eine Orientierung!

- Untere Konturen von Arrangements, DSS (Appendix)
- Definition: Knotengraph, eine Orientierung!
- Lemma: Zusammenhang C_{frei} und Knotengraph

- Untere Konturen von Arrangements, DSS (Appendix)
- Definition: Knotengraph, eine Orientierung!
- Lemma: Zusammenhang C_{frei} und Knotengraph
- Definition: Kritische Orientierungen T^* , $[i]$ bis $[vi]$, Änderungen Knotengraph

- Untere Konturen von Arrangements, DSS (Appendix)
- Definition: Knotengraph, eine Orientierung!
- Lemma: Zusammenhang C_{frei} und Knotengraph
- Definition: Kritische Orientierungen T^* , $[i]$ bis $[vi]$, Änderungen Knotengraph
- Bemerkung: Aktualisierung V^θ : $O(mn \lambda_6(mn) \log(mn))$

- Untere Konturen von Arrangements, DSS (Appendix)
- Definition: Knotengraph, eine Orientierung!
- Lemma: Zusammenhang C_{frei} und Knotengraph
- Definition: Kritische Orientierungen T^* , $[i]$ bis $[vi]$, Änderungen Knotengraph
- Bemerkung: Aktualisierung V^θ : $O(mn \lambda_6(mn) \log(mn))$
- Algorithmen zur Bestimmung von T^*

Kapitel 3: Allgemeine Systeme

Kapitel 3: Allgemeine Systeme

- Theorem: Im Allgemeinen NP schwer

Kapitel 3: Allgemeine Systeme

- Theorem: Im Allgemeinen NP schwer
- Reduktion von Partition auf Bahnplanungsproblem

Kapitel 4: Fertigungsplanung

Kapitel 4: Fertigungsplanung

- Parallel Jaw Gripper Modell, Part Feeder

Kapitel 4: Fertigungsplanung

- Parallel Jaw Gripper Modell, Part Feeder
- Greifoperationen geometrisch beschreiben, konvexe Hülle

Kapitel 4: Fertigungsplanung

- Parallel Jaw Gripper Modell, Part Feeder
- Greifoperationen geometrisch beschreiben, konvexe Hülle
- Definition: Durchmesserfunktion (Diameter)/Greiffunktion, periodizität, Greifplan A

Kapitel 4: Fertigungsplanung

- Parallel Jaw Gripper Modell, Part Feeder
- Greifoperationen geometrisch beschreiben, konvexe Hülle
- Definition: Durchmesserfunktion (Diameter)/Greiffunktion, periodizität, Greifplan A
- Definition: Bis auf Symmetrie eindeutig orientieren

Kapitel 4: Fertigungsplanung

- Parallel Jaw Gripper Modell, Part Feeder
- Greifoperationen geometrisch beschreiben, konvexe Hülle
- Definition: Durchmesserfunktion (Diameter)/Greiffunktion, periodizität, Greifplan A
- Definition: Bis auf Symmetrie eindeutig orientieren
- Algorithmus, s-Intervall, s-Image

Kapitel 4: Fertigungsplanung

- Parallel Jaw Gripper Modell, Part Feeder
- Greifoperationen geometrisch beschreiben, konvexe Hülle
- Definition: Durchmesserfunktion (Diameter)/Greiffunktion, periodizität, Greifplan A
- Definition: Bis auf Symmetrie eindeutig orientieren
- Algorithmus, s-Intervall, s-Image
- Theorem: Kürzeste Sequenz von Greifoperation, bis auf Symmetrie eindeutig, Plan in $O(n^2)$, berechnen in $O(n^2 \log n)$!

Kapitel 4: Fertigungsplanung

- Parallel Jaw Gripper Modell, Part Feeder
- Greifoperationen geometrisch beschreiben, konvexe Hülle
- Definition: Durchmesserfunktion (Diameter)/Greiffunktion, periodizität, Greifplan A
- Definition: Bis auf Symmetrie eindeutig orientieren
- Algorithmus, s-Intervall, s-Image
- Theorem: Kürzeste Sequenz von Greifoperation, bis auf Symmetrie eindeutig, Plan in $O(n^2)$, berechnen in $O(n^2 \log n)$!
- Korrektheit und Optimalität!

Kapitel 4: Fertigungsplanung

- Parallel Jaw Gripper Modell, Part Feeder
- Greifoperationen geometrisch beschreiben, konvexe Hülle
- Definition: Durchmesserfunktion (Diameter)/Greiffunktion, periodizität, Greifplan A
- Definition: Bis auf Symmetrie eindeutig orientieren
- Algorithmus, s-Intervall, s-Image
- Theorem: Kürzeste Sequenz von Greifoperation, bis auf Symmetrie eindeutig, Plan in $O(n^2)$, berechnen in $O(n^2 \log n)$!
- Korrektheit und Optimalität!
- Realistisch: Erst Schiebeoperation, Schwerpunkt!

Kapitel 4: Fertigungsplanung

- Parallel Jaw Gripper Modell, Part Feeder
- Greifoperationen geometrisch beschreiben, konvexe Hülle
- Definition: Durchmesserfunktion (Diameter)/Greiffunktion, periodizität, Greifplan A
- Definition: Bis auf Symmetrie eindeutig orientieren
- Algorithmus, s-Intervall, s-Image
- Theorem: Kürzeste Sequenz von Greifoperation, bis auf Symmetrie eindeutig, Plan in $O(n^2)$, berechnen in $O(n^2 \log n)$!
- Korrektheit und Optimalität!
- Realistisch: Erst Schiebeoperation, Schwerpunkt!
- Definition: Radiusfunktion, Schiebefunktion, Transferfunktion

- Gleicher Algorithmus!